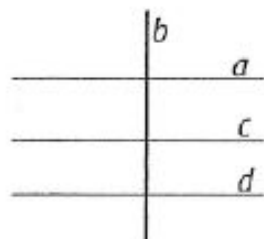


### РЕШЕЊА ЗАДАТАКА - III РАЗЕД

1. (XLV, ML2) За тачно нацртану слику **10 бодова**. За тачно попуњену табелу **10 бодова**. За свако нетачно попуњено поље у табели одузети **1 бод**.

	$a$	$b$	$c$	$d$
$a$		$\perp$	$\parallel$	$\parallel$
$b$	$\perp$		$\perp$	$\perp$
$c$	$\parallel$	$\perp$		$\parallel$
$d$	$\parallel$	$\perp$	$\parallel$	



2. Како је  $31 + 28 + 31 = 90$  то значи да је Вера рођена 31. марта 2009. године (**5 бодова**). Дакле, Вера има 1 годину 11 месеци и 5 дана или  $365 + 365 - 31 + 5 = 704$  дана (**15 бодова**). Признавати било који тачан одговор.

3. (XLIV, ML2) Највећи такав број је 800 (**5 бодова**), а најмањи 107 (**5 бодова**), па је тражена разлика 693 (**5 бодова**), а тражени збир 907 (**5 бодова**).

4. Задатак има више решења. За свако важи

$$\square < \square < \square < 21 > \square > \square$$

Једно решење је  $2 < 5 < 7 < 21 > 16 > 13$  (**20 бодова**).

5. Харалампије највише може имати  $2 \cdot 15 + 2 \cdot 10 + 2 \cdot 5 + 2 = 62$  јоцка (**10 бодова**), а најмање  $2 \cdot 1 + 2 \cdot 2 + 2 \cdot 5 + 10 = 26$  јоцка (**10 бодова**).

### Министарство просвете Републике Србије ДРУШТВО МАТЕМАТИЧАРА СРБИЈЕ

### ОПШТИНСКО ТАКМИЧЕЊЕ ИЗ МАТЕМАТИКЕ УЧЕНИКА ОСНОВНИХ ШКОЛА 05.03.2011 - III РАЗРЕД

1. Нацртај 4 праве  $a$ ,  $b$ ,  $c$  и  $d$ , ако знаш да је права  $a$  нормална на праву  $b$ , права  $c$  нормалана на  $b$ , а  $d$  паралелна са  $a$ . Затим попуни табелу стављајући знак  $\perp$  (ако су праве нормалне) или  $\parallel$  (ако су праве паралелне):

	$a$	$b$	$c$	$d$
$a$				
$b$				
$c$				
$d$				

2. Вера је рођена деведесетог дана 2009. године. Колико дана је стара Вера данас (5. марта 2011. године)?

3. Израчунај збир и разлику највећег и најмањег троцифреног броја од којих сваки има збир цифара 8.

4. У квадрате упиши бројеве 2, 5, 7, 13, 16 и 21 тако да између свака два броја важи неједнакост одређена знаком који стоји између њих.

$$\square < \square < \square < \square > \square > \square$$

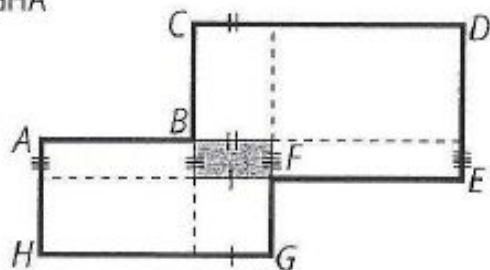
5. У земљи Ненадији постоји метални новац од 1 јоцка, 2 јоцка, 5 јоцка, 10 јоцка и 15 јоцка. Харалампије има 7 новчића у џепу. Ако има највише 2 метална новчића од исте врсте, колико највише, а колико најмање јоцка може имати Харалампије?

### РЕШЕЊА ЗАДАТАКА - IV РАЗЕД

- (XLIII, ML2) Страница квадрата је 4cm (5 бодова). Правоугаоник је подељен на  $11 \cdot 4 = 44$  квадрата (15 бодова).  
Напомена: Ако је ученик задатак радио преко површина квадрата и правоугаоника, а није тачно одредио број квадрата, за сваку тачно израчунату површину дати по 5 бодова.
- Збир прве две цифре је 2 (као и друге две) (5 бодова) и таквих бројева има 6: 2020, 2011, 2002, 1120, 1111, 1102 (15 бодова). За свако наведено решење одузети 2 бода.  
Напомена: Максималним бројем бодова бодовати ако ученик не наведе збир цифара, а наведе све бројеве.
- (XLV, ML2) Ако Мома има  $M$  сличица, Јова има  $2M$  сличица (3 бода), а Боба  $3J$  односно  $6M$  (3 бода). Дакле,  $6M + M = 210$  (5 бодова), одакле закључујемо да Мома има 30 сличица (3 бода), Јова 60 сличица (3 бода), а Боба 180 сличица (3 бода).
- (XLIII, ML4) За свако тачно уписано решење дати по 2 бода.

.	5	11	7
5	25	55	35
6	30	66	42
9	45	99	63

- Дужина изломљене линије ABCDEFGHA је:  
 $2 \cdot (AB + FG + FE + BC) + 6\text{cm} = 34\text{cm}$   
(20 бодова).



### Министарство просвете Републике Србије ДРУШТВО МАТЕМАТИЧАРА СРБИЈЕ

### ОПШТИНСКО ТАКМИЧЕЊЕ ИЗ МАТЕМАТИКЕ УЧЕНИКА ОСНОВНИХ ШКОЛА 05.03.2011 - IV РАЗРЕД

- Правоугаоник страница 44cm и 16cm издељен је на квадрате обима 16cm. Колико има таквих квадрата?
- Колико има четвороцифрених бројева са збиром цифара 4, којима је збир прве две цифре једнак збиру последње две цифре?
- Три друга Боба, Јова и Мома скупљају сличице фудбалера. Боба има три пута више сличица од Јове, а Јова два пута више сличица од Моме. Колико сличица има сваки од њих ако Боба и Мома заједно имају 210 сличица?

- Доврши попуњавање табеле одговарајућим чиниоцима и производима.

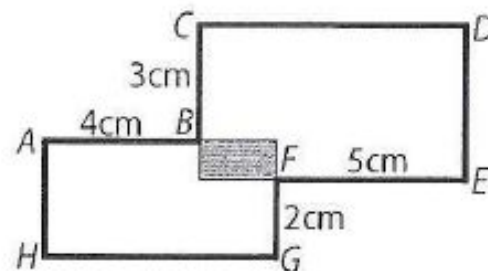
	25	55	
		66	42
			63

- Два правоугаоника имају заједнички осенчени део (види слику). Тај део је облика правоугаоника чији је обим 6cm. Ако је

$$AB = 4\text{cm}, BC = 3\text{cm},$$

$$EF = 5\text{cm}, FG = 2\text{cm},$$

одреди дужину затворене изломљене линије ABCDEFGHA.



РЕШЕЊА ЗАДАТАКА - V РАЗРЕД

- $\frac{2}{4} + \frac{3}{6} + \dots + \frac{99}{198} = 58 \frac{1}{2} = 49$  (20 бодова).  
Напомена: За тачно наведен почетни збир дати 10 бодова.
- (XLV, ML2) а)  $\alpha = 36^\circ 30'$ ,  $\beta = 143^\circ 30'$  (6 бодова);  
б)  $\alpha = 53^\circ 30'$ ,  $\beta = 126^\circ 30'$  (7 бодова); в)  $\alpha = 87^\circ$ ,  $\beta = 93^\circ$  (7 бодова).
- Прости бројеви мањи од 30 су: 2, 3, 5, 7, 11, 13, 17, 19, 23, 29 (5 бодова).  
Једно решење је  $13 + 17 = 11 + 19 = 7 + 23$  (15 бодова).  
Напомена: Ако је одређено решење без навођења простих бројева дати максималан број бодова.
- Како коцка има 6 страна то се површина сваке стране повећа за  $96 : 6 = 16\text{cm}^2$  (5 бодова). Површина ивица коцке за 2cm, површина једне стране коцке се повећа за површину две правоугаоне странеца  $2\text{cm}$  и  $a$ , а једна изазад површине  $4\text{cm}^2$  (види слику). Према теми, важи  $2a + 2a + 4 = 16$ , односно  $a = 3\text{cm}$  (10 бодова). Дакле, тражена површина је  $P = 6 \cdot a^2 = 54\text{cm}^2$  (5 бодова).  

2	$2a$	4
$a$	$2a$	2
- (XLV, ML3) Ознамимо годину када је особа рођена са  $\overline{abcd}$ . Тада је:  

$$2011 = 1000a + 100b + 10c + d + a + b + c + d$$

$$2011 = 1000a + 100b + 10c + 2d$$
Једина могућност је  $a = 1$ . Тада имамо  $101b + 11c + 2d = 1010$ . Једина могућност за  $b$  је 9. Тада је  $11c + 2d = 101$ . Једина могућност за  $c$  је 9, па је онда  $d = 1$ . Дакле, особа је рођена 1991. године (20 бодова).  
Напомена: Признавати свако тачно решење до кога је ученик дошао проблемам.

Министарство просвете Републике Србије  
ДРУШТВО МАТЕМАТИЧАРА СРБИЈЕ

ОПШТИНСКО ТАКМИЧЕЊЕ ИЗ МАТЕМАТИКЕ  
УЧЕНИКА ОСНОВНИХ ШКОЛА  
05.03.2011.

V РАЗРЕД

- Одреди збир свих разломака који су једнаки са  $\frac{1}{2}$  таквих да им је именилац већи од 2, а бројилац мањи од 100.
- Две праве се секу. Израчунај добијене углове ако се зна да је:  
а) збир два од четири тако добијена угла  $73^\circ$ ;  
б) разлика два од четири тако добијена угла  $73^\circ$ ;  
в) збир три од четири тако добијена угла  $2/3^\circ$ .
- У једнакости  $a + b - c + d = e + f$  слова означавају различите просте бројеве мање од 30. Одреди бар једно решење за слова  $a, b, c, d, e$  и  $f$ .
- Ивица коцке је  $a$ . Када се ивица те коцке повећа за 2cm, површина тако добијене коцке је за  $96\text{cm}^2$  већа од првобитне. Израчунај површину првобитне коцке.
- Које године је рођена особа која 2011. године пуни онолико година колики је збир цифара године неког рођења?

РЕШЕЊА ЗАДАКА - VI РАЗРЕД

- (XLV, ML2)  $x = -8, y = -3, z = -48$  (5 бодова).  
а) -440 (5 бодова); б) 8 (5 бодова); в) -4 (5 бодова).
- (XLIII, ML2) Хипотенуза је дужине 10cm па је њој одговарајућа тежишта дуж дужине 5cm (10 бодова). Тражено растојање је трећина тежишне дужи, тј.  $\frac{5}{3}$ cm (10 бодова).
- Ако је  $p = 2$ , тада је могуће наћи 8 решења (четири за  $a \in \{2011, -2011\}$  и  $b \in \{1, -1\}$  и четири за  $a \in \{1, -1\}$  и  $b \in \{2011, -2011\}$ ) (10 бодова).  
Ако је  $p = 2011$ , тада је могуће наћи још 8 решења (четири за  $a \in \{1, -1\}$  и  $b \in \{2, -2\}$  и четири за  $a \in \{2, -2\}$  и  $b \in \{1, -1\}$ ) (10 бодова).  
За свако изостављено решење одузети по 1 бод.
- Ако је највећи угао при врху једнакокраког троугла, онда су углови на основици по  $(180^\circ - 8^\circ) : 2 = 56^\circ 10'$ , а угао при врху  $65^\circ 20'$  (10 бодова).  
Ако су углови на основици већи од угла при врху, онда тај угао има  $(180^\circ - 16^\circ) : 2 = 54^\circ 40'$ , а углови на основици по  $62^\circ 40'$  (10 бодова).
- Како је  $7560 = 2 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 3 \cdot 3 \cdot 5 \cdot 7$  (5 бодова) то је  
а) највећи број са траженим особинама 7533222 (5 бодова);  
б) најмањи број са траженим особинама 35789 (10 бодова).

Министарство просвете Републике Србије  
ДРУШТВО МАТЕМАТИЧАРА СРБИЈЕ

ОПШТИНСКО ТАКМИЧЕЊЕ ИЗ МАТЕМАТИКЕ  
УЧЕНИКА ОСНОВНИХ ШКОЛА  
05.03.2011.

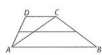
VI РАЗРЕД

- Ако је  $x = -12 + 4, y = -12 \cdot 4, z = -12 \cdot 4$ , израчунај:  
а)  $(x + y) \cdot (x - z)$ , б)  $\frac{z - x}{x - y}$ , в)  $\frac{x \cdot y + z}{z : x}$ .
- Странице правоуглог троугла су 6cm, 10cm и 8cm. Израчунај растојање тежишта тог троугла од средишта хипотенузе.
- Одреди целе бројеве  $a, b$  и прост број  $p$  такве да је  $|a \cdot b| \cdot p = 4022$ .
- Разлика највећег и најмањег угла једнакокраког троугла је  $8^\circ$ . Одреди углове тог троугла.
- Одреди:  
а) највећи, б) најмањи природан број чији је производ цифара 7560, а у запису броја се не појављује цифра 1.

РЕШЕЊА ЗАДАТАКА - VII РАЗРЕД

1. (XLV, ML2) a) 9 (10 бодова); б) 80 (10 бодова).

2. (XLIII, ML1) Одсечци средње линије трапеза су паралелне линије троугла  $ACD$  и  $ABC$  (10 бодова). Према томе  $DC = 2 - 2 = 4$  cm,  $AB = 2 - 5$  cm = 10 cm, па је  $\frac{DC}{AB} = \frac{2}{5}$  (10 бодова).



3.  $x - 2 \geq 0$ , тј.  $x \geq 2$  (5 бодова).  $(\sqrt{x-2})^2 = x-2$ , па преобитна једначина има облик  $|x-1| = 7$  (5 бодова). Како је  $x-1 > 0$  (5 бодова), јер је  $x \geq 2$ , то је  $x-1 = 7$ , односно  $x = 8$  (5 бодова).

4. Тражени двоцифрени бројеви су облика  $ab$ . Из  $ab + ba = c^2$  добијемо  $11(a+b) = c^2$  (5 бодова). Како је  $2 \leq a \leq 9$  и  $0 \leq b \leq 9$ , то је  $a+b = 11$  (5 бодова). Тражени бројеви су 29, 38, 47, 56, 65, 74, 83 и 92 (10 бодова).

5. Површина једног правоугоника је  $50\text{cm}^2$ , а његове димензије су 5 cm и 10 cm (10 бодова). Одатле је  $MV^2 = 20^2 + 10^2$ ,  $MV = 10\sqrt{5}$  cm (10 бодова).



Министарство просвете Републике Србије  
ДРУШТВО МАТЕМАТИЧАРА СРБИЈЕ

ОПШТИНСКО ТАКМИЧЕЊЕ ИЗ МАТЕМАТИКЕ  
УЧЕНИКА ОСНОВНИХ ШКОЛА  
05.03.2011.

VII РАЗРЕД

1. Израчунај: а)  $\left(\frac{11}{9}\right)^2 \cdot \left(\frac{9}{11}\right)^2$ ; б)  $\frac{4^4 \cdot 125^3}{(-50)^3}$ .

2. У трапезу  $ABCD$  дужи  $DM$  и  $AN$  су средње линије трапеза на одсечке од 2 cm и 5 cm. Ако је површина трапеза 36 cm<sup>2</sup>, одреди однос површина троугла  $ABC$  и троугла  $ACD$ .

3. Решит једначину  $\sqrt{x-2} + \sqrt{x+1} = 7$ .

4. Одреди све двоцифрени бројеви такве да је збир тога броја и броја који је написан истим цифрама обрнутим редом квадрат неког броја.

5. Фигура на слици састављена је од 4 подударна правоугоника чија је једна страница два пута већа од друге (види слику). Ако је површина фигуре 200 cm<sup>2</sup>, израчунај дужину дужи  $MV$ .

